

## Elementi di soluzione per la correzione della prova di allenamento 2003/2004

### Esercizio 1 : Il berretto di Anna

Anna pensa: « Se il mio berretto fosse bianco, Brigitta, vedendolo, sicuramente avrebbe detto che il suo era rosso. Brigitta non l'ha detto; dunque, se non è bianco il mio berretto è rosso. ».

Punteggio proposto: 7 risoluzione corretta e argomentata in lingua – 0 assenza di risposta in lingua straniera o risposta illogica.

### Esercizio 2 : Angoli di buon senso

Sono identici solo A e D; infatti:

- C ha al più 2 angoli scavati, ma allora sarebbero sullo stesso spigolo. C pertanto non può essere uguale a nessun altro.
- A e B mostrano 2 angoli scavati, ma per B sono ai vertici di una diagonale del cubo mentre per A no.
- Se D avesse scavato il vertice nascosto, ne avrebbe 4 e non può essere uguale a B.
- L'unico che può essere uguale a D è A che nasconde il terzo angolo scavato.

Punteggio proposto: 2 punti per A e D + 3 punti per una giustificazione esauriente.

### Esercizio 3 : Castelli di carte

Se indichiamo con  $C_n$  il numero di carte necessarie per la costruzione di un castello di  $n$  piani, avremo:

- $C_1 = 2$
- $C_2 = 2 + 1 + 2 \times 2$

e, più in generale:  $C_{n+1} = C_n + n + 2(n+1) = C_n + 3n + 2$ .

Questa formula ricorrente dà :  $C_2 = 7$ ,  $C_3 = 15$  etc.. fino a  $C_{13} = 260$ .

Si può dunque fare un castello di carte di 13 piani con 260 carte.

Punteggio proposto: 3 punti per i 13 piani + 4 punti per la spiegazione e i calcoli intermedi.

### Esercizio 4 : Non è così cinese come sembra

Un possibile enunciato è :

*Dato un triangolo ABC i cui lati misurano 5 cm, 6 cm e 7 cm.*

*Determinare i raggi delle circonferenze di centro A, B e C, tali che siano tangenti esternamente a due a due.*

Punteggio proposto: lasciato al libero apprezzamento del correttore.

### Esercizio 5 : Gruviera

Due piani di  $9 \text{ cm}^3$  si alternano a tre piani di  $21 \text{ cm}^3$  quindi il volume totale è di  $81 \text{ cm}^3$ .

Punteggio proposto: lasciato al libero apprezzamento del correttore.

### Esercizio 8 : Ritorno alla situazione di partenza

Se a, b, c sono le tre cifre:

$$N = abcabc = 1000 \times abc + abc = (1000 + 1) \times abc = 1001 \times abc = 7 \times 11 \times 13 \times abc.$$

Quindi:  $((N:13):11):7 = N : 1001 = abc$ . Si ritrova sempre il numero di partenza.

Punteggio proposto: lasciato al libero apprezzamento del correttore.

**Esercizio 6 : Una buona impressione**

RECTO				VERSO			
8	9	16	1	2	15	10	7
25	24	17	32	31	18	23	26
28	21	20	29	30	19	22	27
5	12	13	4	3	14	11	6

Punteggio proposto: lasciato al libero apprezzamento del correttore.

**Esercizio 10 : un antico problema**

La suddivisione 3 monete / 2 monete sarebbe equa se il soldato avesse mangiato da solo tutti i 5 pani, ma ciascuno dei tre ha mangiato  $\frac{5}{3}$  di pane.

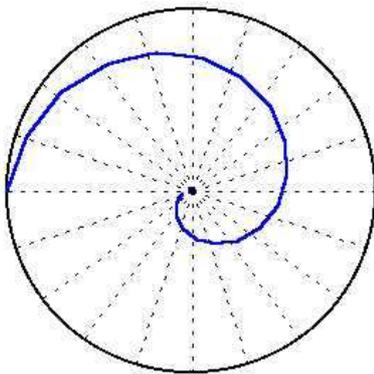
Il primo uomo, avendo portato 3 pani ne lascia  $\frac{9}{3} - \frac{5}{3} = \frac{4}{3}$  al soldato.

Il secondo, avendo portato 2 pani, ne lascia  $\frac{6}{3} - \frac{5}{3} = \frac{1}{3}$  al soldato.

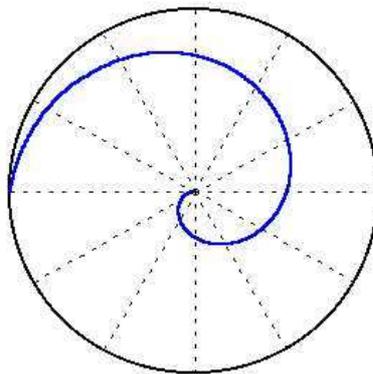
Quindi il primo dà 4 volte di più al soldato rispetto al secondo. La suddivisione 4 monete / 1 moneta è dunque più equa.

Punteggio proposto: lasciato al libero apprezzamento del correttore.

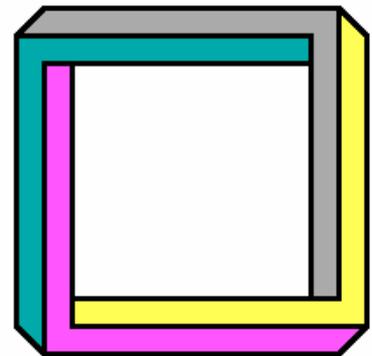
**Esercizio 7 : La chiocciola Esercizio 9 : Penrose**



con 20 punti



con 500 punti  
sono disegnati solo alcuni raggi



**Esercizio 11 : Il caprofolgio**

Fatto lo sviluppo piano della superficie cilindrica del tronco, col teorema di Pitagora si ottiene :

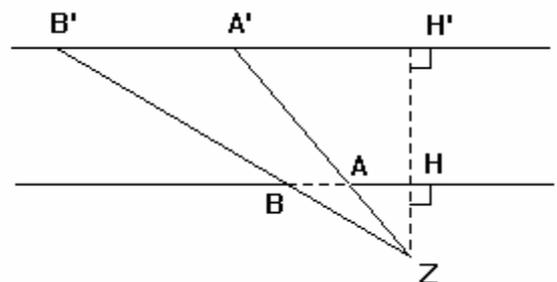
$$L = 8\sqrt{(0,40\pi)} + 1,5 \cong 15,65m$$

**Esercizio 12 : Meditazione**

ZH = 1 m ; HH' = 25 m ; AB = 1 m.

Si ha  $\frac{A'B'}{AB} = \frac{ZH'}{ZH}$  da cui A'B' = 26 m.

La velocità di Paolo è dunque 13 m/s cioè 46,8 km/h.



**Esercizio 13 : 100 anni di cinema**

In  $\frac{1}{24}$  di secondo la ruota fa  $\frac{1}{12}$  di giro. In 1s fa 2 giri. Con un giro di ruota la diligenza si sposta di 1,20  $\pi$  metri. La velocità della diligenza è dunque di 2,4  $\pi$  m/sec oppure 2,4 $\pi$  x3,6 km/h.  $\cong 27,14$  km/h  
Punteggio proposto: 2 punti per ogni passaggio.